



برای دریافت پاسخنامه سوالات به سایت زیر مراجعه فرمایید

www.20shoo.ir

Considérons les deux fonctions rationnelles suivantes :

$$\text{f}(x) : \mathbb{R} \setminus \{-1, 1\} \rightarrow \mathbb{R}, \quad x \mapsto \frac{6x+2}{(x+1)(x-1)}$$

$$\text{g}(x) : \mathbb{R} \setminus \{-1, 1, 2\} \rightarrow \mathbb{R}, \quad x \mapsto \frac{3x-7}{(x-1)(x-2)}$$

Nous avons :

$$((x+1)(x-1)=0) \iff (x=-1 \text{ ou } x=1);$$

$$((x-1)(x-2)=0) \iff (x=1 \text{ ou } x=2).$$

Nous en déduisons que le domaine de définition de d est :

$$\text{D}_d = \text{D}_f \cap \text{D}_g = \mathbb{R} \setminus \{-1, 1, 2\}$$

Pour tout réel x de D_d , nous avons :

$$\text{d}(x) = \frac{6x+2}{(x+1)(x-1)} - \frac{3x-7}{(x-1)(x-2)}$$

Nous en déduisons successivement :

$$\text{d}(x) = \frac{(6x+2)(x-2)}{(x+1)(x-1)(x-2)} - \frac{(3x-7)(x+1)}{(x+1)(x-1)(x-2)}$$

$$\text{d}(x) = \frac{(6x^2 - 12x + 2x - 4) - (3x^2 + 3x - 7x - 7)}{(x+1)(x-1)(x-2)}$$

$$\text{d}(x) = \frac{3x^2 - 6x + 3}{(x+1)(x-1)(x-2)} = \frac{3(x-1)^2}{(x+1)(x-1)(x-2)}$$

Pour tout réel x de D_d , nous avons :

$$x-1 \neq 0 \iff x \neq 1$$

کلیه حقوق مادی و معنوی این سوالات متعلق به گروه آموزشی بسیج شو می باشد و کپی پردازی و استفاده بدون ذکر منبع از لحاظ شرعی و قانونی مجاز نمی باشد



Instagram

20shoo.ir



telegram

@ir20shoo



تبديل های هندسی و کاربردها

۱- فرض کنید G محل برخورد میانه‌ها مثلث ABC (مرکز ثقل آن) باشد و مثلث $A'B'C'$ مجامن مثلث ABC در تجانس به مرکز G و نسبت $K = -\frac{1}{2}$ باشد.

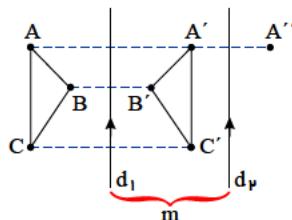
(الف) جایگاه رأس‌های A' و B' و C' نسبت به مثلث ABC کجاست؟

(ب) مساحت مثلث $A'B'C'$ چه کسری از مساحت مثلث ABC است؟

۲- در شکل، d_1 به موازات d_2 و به فاصله m از آن قرار دارد و مثلث $A'B'C'$ بازتاب مثلث ΔABC نسبت به خط d_1 است. بازتاب مثلث $\Delta A'B'C'$ را نسبت به خط d_2 رسم کنید و آن را $\Delta A''B''C''$ بنامید.

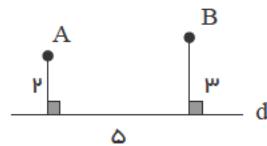
(الف) نشان دهید: $AA'' = 2m$

(ب) اندازه BB'' و CC'' چقدر است؟

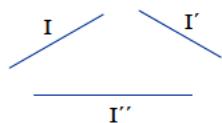


(پ) با چه تبدیلی می‌توان مثلث ΔABC را تصویر $\Delta A''B''C''$ دانست؟ چه نتیجه‌ای می‌گیرید؟

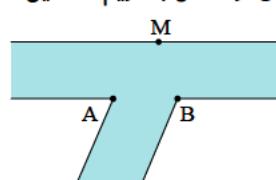
۳- مطابق شکل ۵ است. نقطه M روی d قرار دارد به طوری که مسیر AMB کوتاهترین مسیر است. طول این مسیر کدامست؟



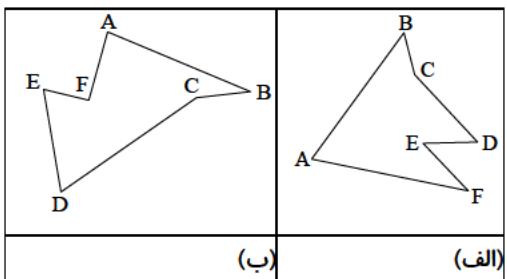
۴- سه خط دو به دو ناموازی I و I' و I'' در صفحه مفروض‌اند. پاره‌خطی به طول ۵ سانتی‌متر رسم کنید که دو سر آن روی I و I' و موازی I'' باشد.



۵- می‌خواهیم کنار رودخانه‌ها، ۳ اسکله بسازیم. جای ۲ اسکله A و B مطابق شکل مشخص است. اسکله M را در چه نقطه‌ای از ساحل بسازیم که قایق‌ها هنگام طی مسیر $MABM$ کوتاه‌ترین مسیر را طی کنند؟



۶ - دور زمین‌های مطابق شکل حصارکشی شده است. چطور می‌توان بدون کم و زیاد کردن حصارها، مساحت زمین را افزایش داد؟



۷ - دایره $C(O, R)$ و نقطه M خارج این دایره مفروض است. مجанс این دایره را نسبت به نقطه M در هر حالت رسم کنید.

(الف) $k = 2$

(ب) $k = -2$

(پ) $k = \frac{1}{2}$

۸ - در تجانسی با نسبت k و مرکز تجانس O نشان دهید:

(الف) تجانس شیب خط را حفظ می‌کند.

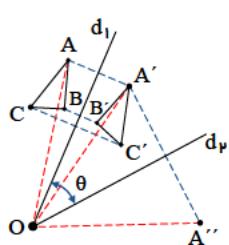
(ب) تجانس زاویه بین خطوط را حفظ می‌کند.

۹ - در شکل، دو خط d_1 و d_2 با زاویه θ یکدیگر را قطع کرده‌اند. مثلث $\triangle ABC$ بازتاب مثلث $\triangle A'B'C'$ نسبت به خط d_1 است. بازتاب مثلث $\triangle A'B'C'$ نسبت به خط d_2 رسم کنید و آن را $\triangle A''B''C''$ بنامید.

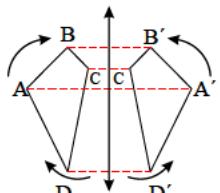
(الف) نشان دهید: $\widehat{AOA''} = 2\theta$

(ب) اندازه $\widehat{BOB''}$ و $\widehat{COC''}$ چقدر است؟

(پ) با چه تبدیلی می‌توان مثلث $\triangle ABC$ را تصویر $\triangle A''B''C''$ دانست؟ چه نتیجه‌ای می‌گیرید؟



۱۰ - در شکل زیر چهارضلعی $A'B'C'D'$ تصویر چهارضلعی محدب $ABCD$ تحت بازتاب است. در شکل اولیه وقتی به ترتیب از A و D و C و B می‌رویم، جهت حرکت، موافق جهت حرکت عقربه‌های ساعت است. جهت حرکت در بازتاب این نقاط چگونه است؟ آیا می‌توان گفت بازتاب، جهت شکل را حفظ می‌کند؟



۱۱- در حالتی که پاره خط AB در راستای عمود بر خط بازتاب قرار دارد، ثابت کنید که اگر $A'B'$ بازتاب AB باشد، AB و $A'B'$ هماندازه‌اند.

۱۲- معادله تصویر خط $0 = 2x + y - 2$ تحت تبدیل انتقال $T(x, y) = (x + 4, y - 2)$ را به دست آورید.

۱۳- نقاط $C(5, 0)$ و $B(5, 5)$ رأس‌های یک مثلث هستند.

الف) مثلث و تصویرش را تحت تبدیل دوران $R(x, y) = (-y, x)$ رسم کنید.

ب) طول و شیب ضلع AC و تصویرش را به دست آورده و با هم مقایسه کنید.

۱۴- تحت تبدیل تجانس به مرکز $(0, 0)$ ، نقطه $A'(3, 6)$ روی نقطه $A(1, 2)$ تصویر شده است، ضابطه تجانس را بنویسید و تعیین کنید این تجانس، انبساط است یا انقباض؟

۱۵- واژه‌های زیر را تعریف کنید:

الف) ایزومتری ب) دو خط متنافر ج) صفحه عمودمنصف یک پاره خط

۱۶- خط d را نسبت به خط Δ بازتاب می‌کنیم تا خط d' به دست آید. خط d' را تحت زاویه α و به مرکز O دوران می‌دهیم تا خط d'' به دست آید. اگر زاویه بین d و d' برابر β باشد، زاویه بین d و d'' کدام است؟ (دوران در جهت ساعتگرد است).

۱۷- خط d را نسبت به مرکز O تحت زاویه α دوران می‌دهیم تا خط d' به دست آید و دوران یافته (هر دو دوران پاد ساعتگرد است) d' به مرکز O' تحت زاویه β را d'' می‌نامیم. زاویه بین d و d'' کدام است؟

۱۸- اگر زاویه بین خط و دوران یافته آن α باشد، با دوران دادن هر دو خط تحت زاویه $\alpha - 90^\circ$ ، زاویه بین خطوط دوران یافته کدام است؟

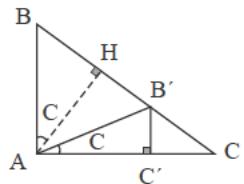
۱۹- نقطه M به فاصله a از مبدأ مختصات قرار دارد. این نقطه را به مرکز O دو بار تحت زاویه 60° دوران می‌دهیم تا نقطه N به دست آید. طول MN کدام است؟

۲۰- خط d را نسبت به خط Δ بازتاب می‌کنیم تا خط d' به دست آید. خط d' را تحت یک انتقال به خط d'' تبدیل می‌کنیم. اگر زاویه بین d و Δ را بنامیم، زاویه بین d و d'' کدام است؟

۲۱- چند انتقال دو خط متقاطع برهم منطبق می‌کند؟

۲۲- چند بازتاب محوری وجود دارد که یک مستطیل را روی خود آن بازتاب می‌کند؟

۲۳- مطابق شکل دو مثلث ABC و $AB'C'$ متشابهند. AH ارتفاع وارد بر وتر است. با کدام تبدیل مثلث $AB'C'$ بر ABH منطبق می‌شود.
 $(AB = AB')$



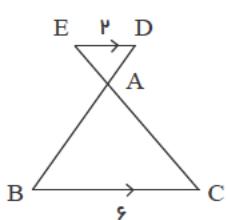
۲۴- دو دایره با شعاع‌های برابر با R مماس خارجند. بردار انتقالی که دو دایره را بر هم منطبق می‌کند کدام است؟

۲۵- ترکیب یک دوران و یک انتقال کدام است؟

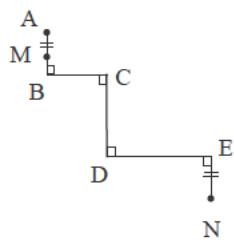
۲۶- ترکیب بازتاب مرکزی و انتقال کدام است؟

۲۷- در یک تجانس به مرکز O و نسبت ۴، فاصله یک نقطه و تصویرش چند برابر فاصله همان نقطه از مرکز تجانس است؟

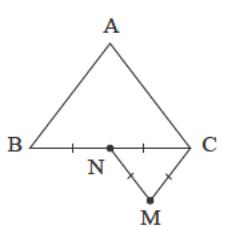
۲۸- در شکل مقابل دو مثلث متساوی‌الاضلاع هستند اگر $DE \parallel BC$ باشد، فاصله مرکز تجانس معکوس و مرکز تجانس مستقیمی که $\triangle ADE$ را بر $\triangle ABC$ تصویر می‌کند کدام است؟



۲۹- مطابق شکل ۲۹ دو مثلث متساوی‌الاضلاع AMN و ENM باشند. اگر $DE = 5$ و $DC = 4$ ، $BC = 3$ ، $AB = 2$ منطبق می‌کند کدام است؟

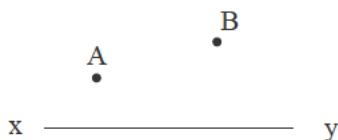


۳۰- مطابق شکل با ترکیب کدام تبدیل‌ها مثلث متساوی‌الاضلاع MNC به مثلث متساوی‌الاضلاع ABC تصویر می‌شود؟



۳۱- نقطه A روی محیط دایره‌ای به شعاع R و مرکز O قرار دارد. n دوران متواالی یا زوایای برابر از A انجام می‌دهیم. مساحت n ضلعی حاصل کدام است؟

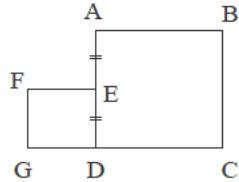
- تحت یک تجانس محیط مثلث تصویر $\triangle ABC$ و محیط مثلث اولیه $\triangle A'B'C'$ است. شعاع دایره‌ای که مجانس دایره‌ای به مساحت 16π تحت این تجانس باشد کدامست؟



۳۳- مطابق شکل می‌خواهیم نقطه M را برابر xy بیابیم که $BM = AM$ باشد. از کدام تبدیل استفاده می‌کنیم؟

۳۴- نقطه M درون زاویه xOy قرار دارد. می‌خواهیم A و B را برابر Ox و Oy بیابیم که محیط $MA + MB$ کمترین باشد. کدام تبدیل استفاده می‌شود؟

۳۵- مطابق شکل $ABCD$ و $EFGD$ مربع هستند و E وسط AD است. با ترکیب کدام تبدیل‌ها، $ABCD$ بر $EFGD$ تصویر می‌شود؟



۳۶- سه خط d_1 و d_2 و d_3 موازیند. چند مثلث قائم‌الزاویه متساوی‌الساقین می‌توان رسم کرد که رأس قائم آن بر d_2 و رأس‌های دیگر آن بر d_1 و d_3 قرار گیرد؟

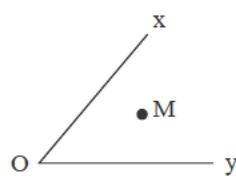
$$d_1 \longrightarrow$$

$$d_2 \longrightarrow$$

$$d_3 \longrightarrow$$

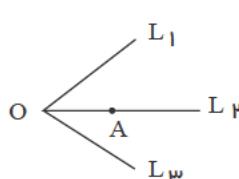
۳۷- دایره $C(O, R)$ و پاره خط AB در صفحه مفروض‌اند. در دایره C وتری موازی و مساوی AB رسم می‌کنیم. حداقل چند وتر می‌توان یافت؟

۳۸- مطابق شکل، با استفاده از کدام تبدیل می‌توان پاره خطی از M گذراند تا Ox و Oy را در A و B قطع کند و $MA = MB$ باشد؟

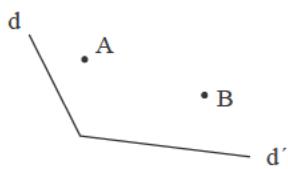


گروه آموزشی بیس-تست شو

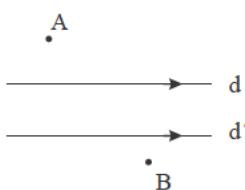
۳۹- مطابق شکل چند خط از A می‌توان رسم کرد که L_1 و L_2 و L_3 را در B و C قطع کند و $AB = AC$ باشد؟



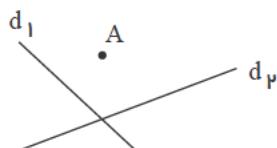
۴۰ - مطابق شکل برای یافتن کوتاهترین مسیر بین A و B از طریق یافتن نقاط M و N بر d و d' از کدام تبدیل و چند بار استفاده می‌کنیم؟



۴۱ - مطابق شکل دو روستای A و B در دو طرف رودخانه قرار دارند. می‌خواهیم پلی عمودی بر رودخانه بسازیم. برای نصب پل به صورتی که مسیر بین A و B کمترین باشد، از کدام تبدیل استفاده می‌کنیم؟



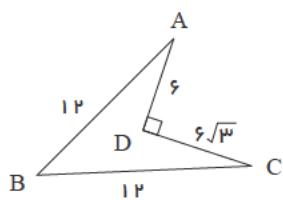
۴۲ - اگر بخواهیم مثلث متساوی‌الاضلاعی به رأس A طوری رسم کنیم که دو رأس دیگر آن بر d_1 و d_2 قرار گیرد، از کدام تبدیل استفاده می‌کنیم؟



۴۳ - دو پاره خط موازی و مساوی AB و CD بازتاب محوری هم هستند. چهارضلعی $ACBD$ کدامست؟

۴۴ - دو پاره خط موازی و مساوی AB و CD بازتاب محوری هم هستند. چهارضلعی $ABCD$ کدامست؟

۴۵ - مطابق شکل اگر بخواهیم بدون تغییر محیط، مساحت چهارضلعی را افزایش دهیم، مقدار افزایش مساحت جدید چقدر است؟

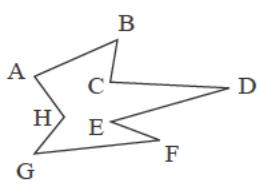


۴۶ - مطابق شکل برای یافتن نقطه M روی خط d که طول مسیر AMB کمترین باشد، از کدام تبدیل استفاده می‌کنیم؟

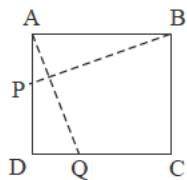


۴۷ - تصویر یک خط تحت یک تبدیل بر همان خط منطبق است. این تبدیل کدام است؟

۴۸ - نقطه A با سه بازتاب مرکزی متواالی به چهارضلعی $AA' A'' B$ تبدیل می‌شود. مساحت ان چهارضلعی چند برابر مساحت چهارضلعی حاصل از وصل کردن مراکز بازتاب می‌باشد؟



۴۹- می خواهیم با حفظ محیط این چندضلعی، مساحت آنرا افزایش دهیم. از چه تبدیلی استفاده می کنیم؟



۵۰- چهارضلعی $ABCD$ مربع است و داریم: $AP = DQ$. تحت چه تبدیلی مثلث $\triangle APB$ بر مثلث $\triangle DQC$ منطبق می شود؟

۵۱- اگر نقطه A' مجانس نقطه A باشد که ضریب تجانس آن $k = \frac{1}{4}$ باشد، مرکز تجانس کجاست؟

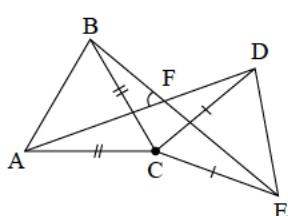
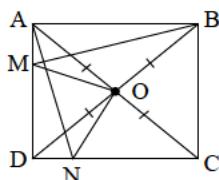
۵۲- دو دایره با شعاع های متفاوت با چند تبدیل ممکن است بر روی هم تصویر شوند؟

۵۳- ترکیب یک تجانس با مرکز O و یک انتقال چه تبدیلی است؟

۵۴- اگر نقطه A' مجانس A با ضریب K و مرکز O و نقطه A'' مجانس A' با ضریب m و همان مرکز باشد، طول OA'' چند برابر OA است؟

۵۵- مثلث $A'B'C'$ مجانس مثلث ABC به مرکز تجانس O می باشد. اگر $\frac{OA'}{AA'} = 3$ باشد، مساحت مثلث ABC چند برابر مساحت مثلث $A'B'C'$ است؟

۵۶- در مربع $ABCD$ مرکز مربع O و میانه $AM = DN$ باشد. ثابت کنید با دوران به مرکز O و زاویه 90° ، مثلث $\triangle ABM$ بر مثلث $\triangle ADN$ تصویر می شود.

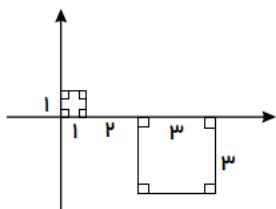


۵۷- در شکل رو به رو، مثلث های ABC و DEC متساوی الاضلاع هستند. الف. با کدام تبدیل و به چه صورت نقطه A بر نقطه B و نقطه D بر E تصویر می شود؟

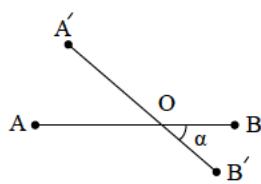
ب. با استفاده از ویژگی های تبدیل قسمت (الف)، ثابت کنید که: $\hat{A}FB = 60^\circ$ و $AD = BE$ و (راهنمایی: نقطه C مرکز دورانی به زاویه 60° است).

۵۸- دو خط d و d' متقاطع‌اند. با چند تبدیل زیر می‌توان خط d را بر خط d' تصویر نمود؟
 الف. انتقال ب. دوران پ. بازتاب محوری ت. تجانس

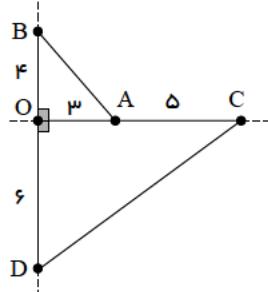
۱(۴) ۲(۳) ۴(۱)



۵۹- با ترکیب کدام تبدیل‌ها، مربع کوچک‌تر به مربع بزرگ‌تر تبدیل می‌شود؟

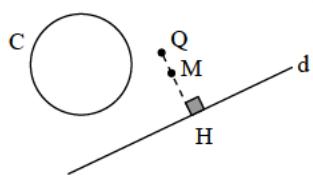


۶۰- در شکل مقابل، ثابت کنید دوران طولپا است.

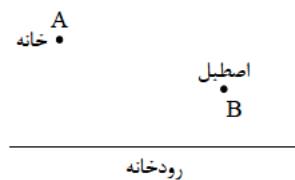


۶۱- مطابق شکل، با ترکیب کدام تبدیل‌ها، مثلث OAB بر مثلث OCD تصویر می‌شود؟

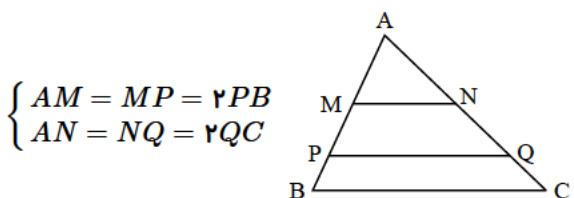
۶۲- خط d و دایره C داده شده‌اند. از نقطه M خطی بگذرانید که d را در نقطه N و دایره را در نقطه P قطع کند و $MN = 2MP$ باشد. (راهنمایی: از M بر d عمود کرده و به اندازه نصف آن ادامه دهید.)



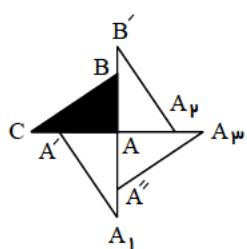
۶۳- مردی می‌خواهد برای برداشتن آب، از خانه به ساحل رودخانه‌ای که لبه مستقیمی دارد برود و سپس آب را به اسطبلی که در همان سمت رودخانه است، ببرد. او از کدام نقطه ساحل آب ببردارد تا مسافتی که طی می‌کند، کم‌ترین مقدار ممکن باشد؟



۶۴- در شکل مقابل داریم:

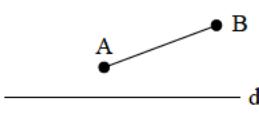
الف. با کدام تبدیل مثلث $\triangle AMN$ بر مثلث $\triangle APQ$ تصویر می‌شود؟ چگونه؟ب. با کدام تبدیل مثلث $\triangle APQ$ بر مثلث $\triangle ABC$ تصویر می‌شود؟ چگونه؟

۶۵- ثابت کنید بازتاب محوری در حالت کلی شیب خط را حفظ نمی‌کند.



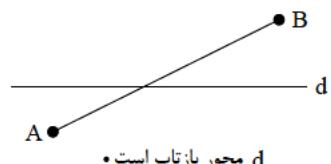
۶۶- در شکل مقابل، چند دوران از شکل سایه‌دار وجود دارد؟ چند بازتاب از شکل سایه‌دار وجود دارد؟

۶۷- ثابت کنید بازتاب محوری یک تبدیل طولپا است. (مسئله را در دو حالت زیر بررسی کنید).



d محور بازتاب است.

(الف)



d محور بازتاب است.

(ب)

www.20shoo.ir